

		Stammfunktion $F(x)$	Funktion $f(x)$	1. Ableitung $f'(x)$
1. Ableitung:	$f'(x)$	$\frac{a}{n+1}x^{n+1} + C$	ax^n	nax^{n-1}
2. Ableitung:	$f''(x) = (f'(x))'$	$\ln x + C$	$\frac{1}{x} = x^{-1}$	$-x^{-2} = -\frac{1}{x^2}$
n. Ableitung:	$f^{(n)}(x) = (f^{(n-1)}(x))'$	$\frac{q}{p+q} \cdot x^{\frac{p}{q}+1} + C$	$x^{\frac{p}{q}}$	$\frac{p}{q} \cdot x^{\frac{p}{q}-1}$
		$e^x + C$	e^x	e^x
Potenzregel:	$f(x) = a \cdot x^n \Rightarrow f'(x) = a \cdot n \cdot x^{n-1}$	$\frac{1}{\ln(a)} \cdot a^x + C$	a^x	$a^x \cdot \ln(a)$
		$\frac{1}{b} e^{bx} + C$	e^{bx}	$b e^{bx}$
Summenregel: (= Linearität)	$(f \pm g)' = f' \pm g'$ $(cf)' = cf' \quad (c = \text{konst.})$	$-\frac{1}{2}e^{-x^2} + C$	$x \cdot e^{-x^2}$	$e^{-x^2} - 2x^2 \cdot e^{-x^2}$
			$e^{g(x)}$	$g'(x) \cdot e^{g(x)}$
Produktregel:	$(uv)' = u'v + uv'$	$x \cdot \ln(x) - x + C$	$\ln x $	$\frac{1}{x}$
Quotientenregel:	$(\frac{u}{v})' = \frac{u'v - uv'}{v^2} \quad (g \neq 0)$		$\ln x - a $	$\frac{1}{x-a}$
Kettenregel:	$(a(i(x)))' = a'(x) \cdot i'(x)$		$\log_a(x)$	$\frac{1}{x \cdot \ln(a)}$
		$-\cos(x) + C$	$\sin(x)$	$\cos(x)$
		$\sin(x) + C$	$\cos(x)$	$-\sin(x)$

Differenzieren ist das Fremdwort für Ableiten.

Integrieren ist das Gegenteil von Ableiten.
Im Schülerjargon wird es oft Aufleiten genannt.

Zerlege zusammengesetzte Terme **vor** dem Differenzieren oder Integrieren in kleinere über Addition oder Subtraktion verknüpfte Terme durch:

- **Ausmultiplizieren**

z.B.: $(x - 3)^2 = x^2 - 6x + 9$

- **Ausdividieren**

(falls im Nenner keine Summe steht)

z.B.: $\frac{x^3-2}{x^2} = x - 2 \cdot x^{-2}$

- **Umformen von Termen in die Potenzschreibweise, so dass x im Zähler steht**

z.B.: $\frac{3}{x^2} = 3 \cdot x^{-2}$ oder $\sqrt{5x^3} = \sqrt{5} \cdot x^{\frac{3}{2}}$

Für das Weiterrechnen mit den abgeleiteten oder integrierten Termen ist es dann durchaus sinnvoll, die Potenzen mit negativen Hochzahlen wieder in solche mit positiven Hochzahlen umzuformen.

Bereich	$\int_a^b f(x) dx = - \int_b^a f(x) dx$
	$\int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx = \int_a^b f(x) dx$
Linearität	$\int_a^b k \cdot f(x) = k \cdot \int_a^b f(x) \quad (k = \text{konst.})$
	$\int_a^b (f(x) \pm g(x)) dx = \int_a^b f(x) dx \pm \int_a^b g(x) dx$
Hauptsatz	$\int_a^b f(x) dx = [F(x)]_a^b = F(b) - F(a)$
Produkt	$\int_a^b (u'v) dx = [uv]_a^b - \int_a^b (u v') dx$
Lineare	$\int_a^b f(mx + c) dx = [\frac{1}{m} \cdot F(mx + c)]_a^b =$
Substitution	$= \frac{1}{m} (F(mb + c) - F(ma + c))$