

	Stammfunktion $F(x)$	Funktion $f(x)$	1. Ableitung $f'(x)$
1. Ableitung:	$\frac{a}{n+1}x^{n+1} + C$	ax^n	nax^{n-1}
2. Ableitung:	$\ln x + C$	$\frac{1}{x} = x^{-1}$	$-x^{-2} = -\frac{1}{x^2}$
n. Ableitung:	$\frac{q}{p+q} \cdot x^{\frac{p}{q}+1} + C$ $e^x + C$	$x^{\frac{p}{q}}$ e^x	$\frac{p}{q} \cdot x^{\frac{p}{q}-1}$ e^x
Potenzregel:	$f(x) = a \cdot x^n \Rightarrow f'(x) = a \cdot n \cdot x^{n-1}$	$\frac{1}{\ln(a)} \cdot a^x + C$ $\frac{1}{b}e^{bx} + C$ $-\frac{1}{2}e^{-x^2} + C$ $e^{g(x)}$	a^x e^{bx} $x \cdot e^{-x^2}$ $g'(x) \cdot e^{g(x)}$
Summenregel: (= Linearität)	$(f \pm g)' = f' \pm g'$ $(cf)' = c f' \quad (c = \text{konst.})$	$\ln x $ $\ln x-a $ $\log_a(x)$	$\frac{1}{x}$ $\frac{1}{x-a}$ $\frac{1}{x \cdot \ln(a)}$
Produktregel:	$(uv)' = u'v + uv'$	$\sin(x)$	$\cos(x)$
Quotientenregel:	$(\frac{u}{v})' = \frac{u'v - uv'}{v^2} \quad (g \neq 0)$	$\cos(x)$	$-\sin(x)$
Kettenregel:	$(a(i(x)))' = a'(x) \cdot i'(x)$	$\cos(x) + C$	

Differenzieren ist das Fremdwort für Ableiten.

Integrieren ist das Gegenteil von Ableiten.
Im Schülerjargon wird es oft Aufleiten genannt.

Zerlege zusammengesetzte Terme **vor** dem Differenzieren oder Integrieren in kleinere über Addition oder Subtraktion verknüpfte Terme durch:

• Ausmultiplizieren

$$\text{z.B.: } (x-3)^2 = x^2 - 6x + 9$$

• Ausdividieren

(falls im Nenner keine Summe steht)

$$\text{z.B.: } \frac{x^3-2}{x^2} = x - 2 \cdot x^{-2}$$

• Umformen von Termen in die Potenzschreibweise, so dass x im Zähler steht

$$\text{z.B.: } \frac{3}{x^2} = 3 \cdot x^{-2} \text{ oder } \sqrt{5x^3} = \sqrt{5} \cdot x^{\frac{3}{2}}$$

Für das Weiterrechnen mit den abgeleiteten oder integrierten Termen ist es dann durchaus sinnvoll, die Potenzen mit negativen Hochzahlen wieder in solche mit positiven Hochzahlen umzuformen.

Bereich	$\int_a^b f(x) dx = - \int_b^a f(x) dx$
	$\int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx = \int_a^b f(x) dx$
Linearität	$\int_a^b k \cdot f(x) dx = k \cdot \int_a^b f(x) dx \quad (k = \text{konst.})$
	$\int_a^b (f(x) \pm g(x)) dx = \int_a^b f(x) dx \pm \int_a^b g(x) dx$
Hauptsatz	$\int_a^b f(x) dx = [F(x)]_a^b = F(b) - F(a)$
Produkt	$\int_a^b (u'v) dx = [uv]_a^b - \int_a^b (uv') dx$
Lineare	$\int_a^b f(mx+c) dx = [\frac{1}{m} \cdot F(mx+c)]_a^b =$
Substitution	$= \frac{1}{m}(F(mb+c) - F(ma+c))$